

**Corrigé de l'examen final du 12 mai 2024**

**Exercice 1** (4 points : 2 points + 2 points)

1. Valeur  $E_x(eV)$  du rayonnement  $X$  incident.

$$E_x = \frac{hc}{\lambda} = \frac{12,4 \times 10^{-7} eV.m}{8,341 \times 10^{-10} m} = \mathbf{1486,6 eV}. \quad \text{Il s'agit de la raie } \mathbf{AlK\alpha}.$$

2. Calcul de l'énergie  $E_{L_1}$  du niveau  $L_1$  et identification de l'élément.

$$E_x = E_{L_1} + \phi_A + E_c. \text{ D'où : } \mathbf{E_{L_1} = E_x - E_c - \phi_A = (1486,6 - 1293,6 - 4)eV = 189 eV}$$

D'après le tableau des énergies de liaison, il s'agit du niveau  $L_1$  du phosphore (P).

**Exercice 2** (3 points)

Calcul de l'énergie cinétique (en eV) de l'électron Auger pour les 3 transitions.

On considère les valeurs absolues des différentes énergies de liaison.

a).  $E_K - E_{L_1} = E_{L_1} + E_c$ . D'où :  $\mathbf{E_c = E_K - 2E_{L_1} = (1305 - 2 \times 89)eV = 1127 eV}$

b).  $E_K - E_{L_1} = E_{L_{2,3}} + E_c$ . D'où :  $\mathbf{E_c = E_K - E_{L_1} - E_{L_{2,3}} = (1305 - 89 - 52)eV = 1164 eV}$

c).  $E_K - E_{L_{2,3}} = E_{L_{2,3}} + E_c$ . D'où :  $\mathbf{E_c = E_K - 2E_{L_{2,3}} = (1305 - 2 \times 52)eV = 1201 eV}$

**Exercice 3** (7 points : 3 points + 4 points)

1. Expression de l'opérateur quantique associé à la densité de courant.

A une dimension (suivant z), l'opérateur quantique associé à la densité de courant s'écrit :  $\hat{j} = -\frac{e}{m} \hat{p}$ ,

or  $\hat{p} = -i\hbar \frac{d}{dz}$ . Donc :  $\hat{j} = i\hbar \frac{e}{m} \frac{d}{dz} = -\frac{\hbar e}{i m} \frac{d}{dz}$

2. Démonstration de la relation  $\langle j_t \rangle = T \cdot \langle j_i \rangle$ .

$$\langle j_i \rangle = \int A^* \exp(-iaz) \left( i\hbar \frac{e}{m} \frac{d}{dz} \right) A \exp(iaz) dz = -|A|^2 \frac{e\hbar\alpha}{m} \cdot \Delta z$$

$$\langle j_t \rangle = \int C^* \exp(-iaz) \left( i\hbar \frac{e}{m} \frac{d}{dz} \right) C \exp(iaz) dz = -|C|^2 \frac{e\hbar\alpha}{m} \cdot \Delta z$$

$$\frac{\langle j_t \rangle}{\langle j_i \rangle} = \frac{|C|^2}{|A|^2} = T \text{ et donc : } \langle j_t \rangle = T \cdot \langle j_i \rangle$$

**Exercice N°4** (6 points : 1 point + 3 points + 2 points)

1. Dimension de la constante de Hamaker  $H$ .

$H = -\frac{U_{vdw}(d) R_p}{6d} \rightarrow [H] = [U_{vdw}(d)] \frac{[R_p]}{[d]} = [U_{vdw}(d)]$ , car  $\frac{[R_p]}{[d]} = 1$ . Donc  $H$  s'exprime en unités d'énergie, c'est-à-dire en Joules (dans le SI).

2. Expression de l'énergie potentielle d'interaction de van der Waals  $U_{p-m}(z)$  pour  $z = d$ .

$$F_{p-m}(z) = -\frac{dU_{p-m}(z)}{dz} \text{ et } dU_{p-m}(z) = -F_{p-m}(z)dz = \frac{HR_p}{6z^2} dz \rightarrow U_{p-m}(z) = \frac{HR_p}{6} \int \frac{dz}{z^2} + K$$

$$U_{p-m}(z) = -\frac{HR_p}{6z} + K = -\frac{HR_p}{6z} \text{ car } K = 0 \text{ puisque } U_{p-m}(z \rightarrow \infty) = 0 \text{ et } U_{p-m}(d) = -\frac{HR_p}{6d}$$

3. Relation entre  $F_{p-Au}$  et  $F_{p-Cu}$ .

$$\frac{F_{p-Au}}{F_{p-Cu}} = \frac{\pi^2 \rho_p \rho_{Au} C_{vdw}}{\pi^2 \rho_p \rho_{Cu} C_{vdw}} = \frac{\rho_{Au}}{\rho_{Cu}} = \frac{5,90 \times 10^{22} \text{ cm}^{-3}}{8,45 \times 10^{22} \text{ cm}^{-3}} \approx 0,7$$